

# 제2회 디미고 프로그래밍 챌린지 해설

Official Solution

by

대회 운영진 일동



문제	의도한 난이도	출제자
<b>A</b> 구멍	<b>Easy</b>	goodpjw2008
<b>B</b> 자세히 보아야 예쁘다	<b>Easy</b>	ian0704
<b>C</b> 대칭제곱수	<b>Easy</b>	deom
<b>D</b> 끊임없는 정렬과 창조함으로	<b>Normal</b>	goodpjw2008
<b>E</b> 시간표	<b>Normal</b>	ldhhello
<b>F</b> 자습실과 퀴리	<b>Normal</b>	ldhhello
<b>G</b> 8번 출구	<b>Hard</b>	ecode
<b>H</b> 누가 이름 안 적고 나갔어	<b>Hard</b>	seungchan0325



문제	의도한 난이도	출제자
I 디미 그래프	Hard	ldhhello
J 트리와 뽀미	Hard	ldhhello
K IZ*ONE Sequence	Hard	ian0704
L 건물 폭파	Challenging	ecode
M 수열과 띄엄띄엄 쿼리	Challenging	goodpjw2008
N 디미교도소	Challenging	deom
O 비트 뒤집기와 쿼리	Challenging	seungchan0325



## A. 구멍

case\_work implementation

출제진 의도 – **Easy**

- ✓ 본 대회 – 제출 86번, 정답 37명 (정답률 44.186%)
- ✓ Open Contest – 제출 278번, 정답 182명 (정답률 66.187%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1622 이호연**, 7분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **ychangseok**, 1분
- ✓ 출제자: goodpjw2008



## A. 구멍

- ✓ 공백을 포함한 문장의 경우 C언어의 fgets, C++의 getline, Python의 input 등 여러 방법으로 입력받을 수 있습니다.
- ✓ 각 문자의 구멍 개수는 A, a, b, D, d, e, g, O, o, P, p, Q, q, R, @는 1개, B는 2개로 계산하여 총합을 구하면 됩니다.



## B. 자세히 보아야 예쁘다

sorting greedy

출제진 의도 – **Easy**

- ✓ 본 대회 – 제출 99번, 정답 35명 (정답률 35.354%)
- ✓ Open Contest – 제출 328번, 정답 162명 (정답률 51.524%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1525 전송현**, 7분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **ychangseok**, 2분
- ✓ 출제자: **ian0704**



## B. 자세히 보아야 예쁘다

- ✓ 재원이가  $i$  번 친구를  $A_i$  시간 이상 보게 된다면, 퇴학 처분을 받게 됩니다.
- ✓  $i$  번 친구를 볼 수 있는 최대 시간은  $A_i - 1$  시간입니다.
- ✓ 만약 재원이가  $\sum_{i=1}^N (A_i - 1) + 1$  의 시간만큼 친구들을 보게 된다면, 비둘기집 원리에 의해 어떤 한 친구  $k$  에 대해  $A_k$  이상 본 경우가 반드시 존재하게 됩니다.
- ✓ 따라서,  $M$  이  $\sum_{i=1}^N (A_i - 1)$  를 초과하면 재원이는 퇴학당하게 됩니다.



## C. 대칭제곱수

math greedy

출제진 의도 - **Easy**

- ✓ 본 대회 - 제출 211번, 정답 23명 (정답률 10.900%)
- ✓ Open Contest - 제출 288번, 정답 146명 (정답률 52.431%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1307 김단아**, 14분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **nflight11**, 1분
- ✓ 출제자: deom



## C. 대칭제곱수

- ✓ 정수  $N$  이 대칭제곱수인지 판별하는 문제입니다.
- ✓  $[\sqrt{N}]^2 = N$  인지 판별하고, 뒤집은 수에 대해서도 같은 판별을 통해 문제를 해결할 수 있습니다.



## D. 끊임없는 정렬과 창조함으로

sort implementation

출제진 의도 – **Normal**

- ✓ 본 대회 – 제출 31번, 정답 17명 (정답률 58.065%)
- ✓ Open Contest – 제출 114번, 정답 87명 (정답률 77.193%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1306 김규진**, 21분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **ychangseok**, 5분
- ✓ 출제자: goodpjw2008



#### D. 끊임없는 정렬과 창조함으로

- ✓ 삽입 쿼리의 경우 삽입할 위치 이후의 값들을 한 칸 뒤로 밀고, 이 연산으로 비게 된 위치에 값을 삽입함으로써  $O(N)$  에 수행할 수 있습니다.
- ✓ 정렬 쿼리의 경우 배열의 최대 크기가 3000이므로  $O(N \log N)$  이하의 정렬 기법으로 배열을 정렬하면 문제를 해결할 수 있습니다.



## E. 시간표

implementation

출제진 의도 – **Normal**

- ✓ 본 대회 – 제출 71번, 정답 16명 (정답률 22.535%)
- ✓ Open Contest – 제출 193번, 정답 71명 (정답률 36.788%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1307 김단아**, 34분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **fermion5**, 3분
- ✓ 출제자: ldhhello



## E. 시간표

- ✓  $s$ 를 다음과 같이 정의합시다.

$$s_i = \begin{cases} 1 & i\text{번 과목을 좋아함} \\ -1 & i\text{번 과목을 싫어함} \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

- ✓ 이후 반복문을 돌며 현재까지  $s$ 와 동일한 값이 몇 번 연속으로 나왔는지 기록하는 변수를 관리하여 문제를 해결할 수 있습니다.



## F. 자습실과 퀴리

prefix\_sum

출제진 의도 - **Normal**

- ✓ 본 대회 - 제출 81번, 정답 8명 (정답률 09.877%)
- ✓ Open Contest - 제출 152번, 정답 35명 (정답률 23.684%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1316 신희찬**, 310분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **ychangseok**, 21분
- ✓ 출제자: ldhhello



## F. 자습실과 쿼리

- ✓ 각 학생들은 왼쪽 또는 오른쪽 한 방향으로만 움직이는 것이 항상 최선입니다.
- ✓ 따라서  $i$  번 학생의 위치가  $P_i$  라고 할 때  $[1, P_i]$  구간 또는  $[P_i, N]$  구간의 모든 벽이 파괴됩니다.
- ✓ 여기서 벽이 파괴되는 구간이 왼쪽 또는 오른쪽 끝에 항상 붙어 있기 때문에 잠재적으로 벽이 있을 수 있는 구역은 하나의 연속한 구간이 되는 것을 알 수 있습니다.



## F. 자습실과 쿼리

- ✓  $i$  번 구역의 벽에 남은 내구도를  $A_i$  로 정의합시다. 만약  $i$  번 구역에 벽이 없다면  $A_i = 0$  이라고 합시다.
- ✓ 또한 아직 벽이 파괴되지 않은 구간을  $[s, e]$  라고 합시다. 이때  $s, e$  의 초기 값은 각각  $1, N$  입니다.
- ✓ 이때  $P_i \notin [s, e]$  인 학생의 망치질 횟수는 0 이고, 그렇지 않다면 망치질 횟수는 조건에 따라  $\sum_{k=s}^{P_i} A_k, \sum_{k=P_i}^e A_k$  중 하나가 됩니다.
- ✓ 만약  $i$  번 학생이 왼쪽으로 탈출했다면  $s$  값을  $P_i$  로 업데이트하고, 오른쪽으로 탈출했다면  $e$  값을  $P_i$  로 업데이트하여 문제를 해결할 수 있습니다.



## G. 8번 출구

greedy

출제진 의도 - **Hard**

- ✓ 본 대회 - 제출 30번, 정답 4명 (정답률 13.333%)
- ✓ Open Contest - 제출 65번, 정답 29명 (정답률 46.154%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1301강산**, 616분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **terrasphere**, 14분
- ✓ 출제자: ecode



## G. 8번 출구

- ✓ 1번 출구에서 있을 때의 면역력을  $m$ 이라고 정의합니다.
- ✓ 1번 출구에서  $i$ 번 출구까지 이동하기 위해서는  $A_1 + A_2 + \dots + A_{i-1}$ 의 면역력을 소비해야 합니다.
- ✓ 이는 1번 출구에서 있을 때  $A_1 + A_2 + \dots + A_{i-1} \leq m$ 이 성립하는 모든  $i$ 에 대하여  $i$ 번 출구까지는 1번 출구로 돌아오지 않고 이동할 수 있음을 의미합니다.



## G. 8번 출구

- ✓ 1번 출구에서  $i$ 번 출구까지 이동한 후 다시 돌아온다고 할 때,  $m$ 은  $A_i - (A_1 + A_2 + \dots + A_{i-1})$ 만큼 증가합니다.
- ✓ 즉,  $A_1 + A_2 + \dots + A_{i-1} \leq m$ 이 성립하는 모든  $i$ 에 대하여  $A_i - (A_1 + A_2 + \dots + A_{i-1})$ 의 값이 가장 큰 출구에서 돌아오는 것이 최적입니다.



## G. 8번 출구

- ✓  $A_1 + A_2 + \dots + A_{i-1} \leq m$ 이 성립하는  $i$ 의 개수를 늘려가면서  $m$  값을 가장 많이 증가시킬 수 있는  $i$ 를 저장합니다.
- ✓  $A_1 + A_2 + \dots + A_N \leq m$ 이 성립하여  $N$ 번 출구를 통과하기까지 최적의 출구를 통해 1번 출구로 몇번 돌아가야 하는지 카운트하여 답을 도출할 수 있습니다.
- ✓ 이동 가능한  $i$ 의 개수에 따라  $N$ 번 계산하므로  $\mathcal{O}(N)$  시간에 문제를 해결할 수 있습니다.



## H. 누가 이름 안 적고 나갔어

graphs graph\_traversal bfs

출제진 의도 - **Hard**

- ✓ 본 대회 - 제출 39번, 정답 5명 (정답률 20.513%)
- ✓ Open Contest - 제출 110번, 정답 36명 (정답률 32.727%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1316 신희찬**, 345분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **mujigae**, 47분
- ✓ 출제자: seungchan0325



## H. 누가 이름 안 적고 나갔어

- ✓ 진우는 다음 두 가지 방법으로 승찬이를 찾을 수 있습니다.
  1. 진우가 직접 승찬이를 찾는다.
  2. 진우가 선생님께 도움을 요청하면, 선생님이 승찬이를 대신 찾아준다.
- ✓ 위 두 가지 경우로 나누어 문제를 해결할 수 있습니다.



## H. 누가 이름 안 적고 나갔어

- ✓ 진우의 위치를  $j$ , 승찬이의 위치를  $s$ , 어느 한 선생님의 위치를  $t$  라고 합시다.
- ✓ 위치  $u$  와  $v$  의 거리를  $d(u, v)$  라고 합시다.
- ✓ 1번 경우에 걸리는 시간은  $2 \cdot d(j, s)$  입니다.
- ✓ 2번 경우에 걸리는 시간은  $2 \cdot d(j, t) + d(s, t)$  입니다.
- ✓ 따라서 답은  $\min(2 \cdot d(j, s), \min_t(2 \cdot d(j, t) + d(s, t)))$  입니다.



## H. 누가 이름 안 적고 나갔어

- ✓  $s, j$  각각을 시작 위치로 BFS를 하여 모든  $t$ 에 대해  $d(j, t), d(s, t)$  을 구할 수 있습니다.
- ✓ BFS의 시간복잡도는  $\mathcal{O}(V + E)$ 로 알려져 있으므로  $\mathcal{O}(N \cdot M)$  시간에 문제를 해결할 수 있습니다.



# I. 디미 그래프

graphs graph\_traversal implementation disjoint\_set

출제진 의도 - **Hard**

- ✓ 본 대회 - 제출 30번, 정답 6명 (정답률 20.000%)
- ✓ Open Contest - 제출 55번, 정답 29명 (정답률 52.727%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1316 신희찬**, 615분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **fermion5**, 24분
- ✓ 출제자: ldhhello



## I. 디미 그래프

- ✓ 다음은 가능한 방법 중 하나입니다.
- ✓ 우선  $N \neq M$  이라면 답은 **NO**입니다.
- ✓ DFS를 통해 사이클에 포함되는 정점을 모두 찾습니다.
- ✓ 이들 정점 중 차수가 3 초과인 정점이 있거나, 차수가 3인 정점이 하나가 아니라면 답은 **NO**입니다.
- ✓ 이러한 차수가 3인 정점을  $c$ 라고 합시다.  $c$ 에서 출발해 사이클에 포함되지 않는 정점 방향으로 그래프를 순회합니다.
- ✓ 그러한 정점 중 차수가 2 초과인 정점이 있다면 답은 **NO**입니다.
- ✓ 이제 지금까지 방문한 정점의 총 개수가  $N$  이라면 답은 **YES**, 그렇지 않다면 **NO**입니다.



## 1. 디미 그래프

- ✓ 또는 정점의 차수만 세어도 문제를 풀 수 있습니다.
- ✓ 다음 조건을 모두 만족하는 그래프는 디미 그래프입니다.
  1. 정점이 모두 연결되어 있다.
  2. 차수가 3인 정점이 오직 하나이다.
  3. 차수가 1인 정점이 오직 하나이다.
  4. 그 외의 모든 정점의 차수는 2이다.
- ✓ 분리 집합 등의 방법으로 위 조건을 모두 판정하면 답을 구할 수 있습니다.



# J. 트리와 뽀미

dp trees

출제진 의도 - **Hard**

- ✓ 본 대회 - 제출 12번, 정답 6명 (정답률 50.000%)
- ✓ Open Contest - 제출 38번, 정답 24명 (정답률 65.789%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1316 신희찬**, 497분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **ychangseok**, 34분
- ✓ 출제자: ldhhello



## J. 트리와 뽀미

- ✓ 다음과 같이 DP를 정의해 문제를 해결할 수 있습니다.
- ✓  $DP_t =$  시간  $t$ 에 승찬이가 뽀미를 만날 때 시간 1에서 시간  $t$ 까지 승찬이가 뽀미를 만나는 횟수의 최댓값
- ✓  $\text{dist}(u, v)$ 를 정점  $u$ 에서  $v$ 까지의 거리로 정의할 때, 다음과 같은 점화식이 성립합니다.
- ✓  $DP_t = \max(DP_{t'}) + 1$  where  $t' < t, \text{dist}(t, t') \leq t - t'$
- ✓  $\text{dist}(u, v)$ 를  $\mathcal{O}(N^2)$ 에 전처리하거나, 또는 LCA를 이용해  $\mathcal{O}(\log N)$ 에 온라인으로 처리하면 각각  $\mathcal{O}(N^2 + T^2), \mathcal{O}(T^2 \log N)$  시간에 DP를 계산할 수 있습니다.
- ✓ 이때 답은  $\max_{t=1}^T DP_t$ 입니다.



## J. 트리와 뽀미

- ✓ 또는 다음과 같은 DP로 문제를 해결할 수 있습니다.
- ✓  $DP_{t,v}$  = 시간  $t$ 에 승찬이가  $v$  번 장소에 있을 때 시간 1에서 시간  $t$ 까지 승찬이가 뽀미를 만나는 횟수의 최댓값
- ✓  $v$  번 장소에서 인접한 장소들을  $c$ 라고 할 때, 다음과 같은 점화식이 성립합니다.
- ✓ 
$$DP_{t,v} = \begin{cases} \max(DP_{t-1,v}, DP_{t-1,c}) & C_t \neq v \\ \max(DP_{t-1,v}, DP_{t-1,c}) + 1 & C_t = v \end{cases}$$
- ✓ 위 DP는  $\mathcal{O}(NT)$ 에 계산할 수 있고, 이때 답은  $\max_{v=1}^N DP_{T,v}$  입니다.



# K. IZ\*ONE Sequence

constructive ad\_hoc

출제진 의도 - **Hard**

- ✓ 본 대회 - 제출 17번, 정답 5명 (정답률 29.412%)
- ✓ Open Contest - 제출 77번, 정답 18명 (정답률 23.377%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1316 신희찬**, 784분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **fermion5**, 45분
- ✓ 출제자: **ian0704**



## K. IZ\*ONE Sequence

- ✓ 이 문제는 다양한 풀이가 있을 수 있습니다.
- ✓  $K$ 가 왼쪽 끝에 고정된 상태에서  $K$ 가 삭제되려면, **오른쪽 끝에 있는 수가  $K + 1$ 인 경우** 밖에 없습니다.
- ✓ 따라서  $K$ 를 왼쪽 끝에 고정하고  $K + 1$ 을 먼저 없애는 방식을 시도해볼 수 있습니다.
- ✓  $K + 1$ 을 가장 먼저 배열에서 삭제시키기 위해  $K$ 로 시작하고  $K + 2$ 로 끝나는 구성을 생각할 수 있습니다.



## K. IZ\*ONE Sequence

- ✓ 하지만 이 구성을 사용할 때 주의할 점이 있습니다.
- ✓  $K \geq N - 1$ 인 경우, 오른쪽 끝에  $K + 2$ 을 배치할 수 없습니다.
- ✓  $K = N$ 인 경우에는  $K$ 와 어떤 수의 평균을 내림한 값이  $K$ 가 되는 것이 불가능하기 때문에,  $K$ 를 왼쪽 끝에 고정하기만 하면 해결됩니다.



## K. IZ\*ONE Sequence

- ✓  $N = K - 1$  인 경우에는  $K$  와  $K + 2$  로  $K + 1$  을 없애는 것이 불가능하므로,  $K + 1$  이 오른쪽 끝에서 왼쪽 끝 값과의 평균을 내림한 값이 수열에 존재하지 않아서 사라지도록 만들어야 합니다.
- ✓ 이러한 구성을 위한 예시로는  $1, N - 1, \dots, 2, N$  과 같이 구성하는 방식이 있습니다. 이 구성 방식에서는  $1$  과  $N$  의 평균을 내림한 값이 사라지며 이후  $N$  이 사라지고, 왼쪽 끝에는  $1$  이, 오른쪽 끝에는  $2$  가 남아 최종적으로  $1$  이 사라지게 되어 왼쪽 끝에  $N - 1$  이 남고  $N$  을 제거한 상태를 만들 수 있습니다
- ✓ 하지만  $N \leq 4$  일 때는 이렇게 구성하는 것이 불가능하며, 해가 존재하지 않음을 알 수 있습니다.



## L. 건물 폭파

trees dp\_tree

출제진 의도 – **Challenging**

- ✓ 본 대회 – 제출 6번, 정답 2명 (정답률 33.333%)
- ✓ Open Contest – 제출 19번, 정답 9명 (정답률 47.368%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1301강산**, 1998분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **jeoffrey0522**, 60분
- ✓ 출제자: ecode



## L. 건물 폭파

- ✓ 모든  $i (1 \leq i \leq N - 1)$ 에 대하여  $i$ 번 정점과  $i + 1$ 번 정점이 연결되어 있는 일자 트리를 생각해봅시다.
- ✓ 위 트리에서 전달된 폭발의 강도가 0인 정점이 존재하지 않도록  $l$ 번 정점과  $r$ 번 정점에 각각 강도  $L, R$ 의 폭발을 일으키는 상황을 가정해보겠습니다.
- ✓ 모든  $i (1 \leq i \leq N)$ 에 대하여  $i$ 번 정점에 전해지는 폭발의 강도는  $\max(L - |l - i|, 0) + \max(R - |r - i|, 0)$ 입니다.



## L. 건물 폭파

- ✓ 이번에는  $m$  번 정점에 강도  $L + R$ 의 폭발을 일으키는 상황을 가정해보겠습니다.
- ✓ 모든  $i$  ( $1 \leq i \leq N$ )에 대하여  $i$  번 정점에 전해지는 폭발의 강도는  $\max(L + R - |m - i|, 0)$ 입니다.



## L. 건물 폭파

- ✓ 모든  $i$  ( $1 \leq i \leq N$ )에 대하여  $\max(L - |l - i|, 0) + \max(R - |r - i|, 0) \leq \max(L + R - |m - i|, 0)$  이 성립하는  $m$  을  $l \leq m \leq r$  범위에서 무조건 찾을 수 있음이 보장됩니다.
- ✓ 이는 폭발을 일으키는 정점의 개수를 줄이는 것이 절대 손해가 아님을 의미합니다.
- ✓ 즉, 하나의 정점에서 한번의 폭발을 일으키는 것이 최적이며 일자 트리에서 일반적인 형태의 트리로 확장해도 이는 유효합니다.
- ✓ 도출 과정에 따른 자세한 증명은 생략합니다.



## L. 건물 폭파

- ✓ 최소의 폭발 강도로 모든 건물을 무너뜨릴 수 있는 정점을 찾기 위해 DP를 이용할 수 있습니다.
- ✓  $dp[i]$ 를 모든 건물을 무너뜨리기 위해  $i$ 번 정점에 일으켜야할 폭발의 최소 강도로,  $d_{i,j}$ 를  $i$ 번 정점과  $j$ 번 정점 사이의 간선 개수로 정의하겠습니다.
- ✓  $dp[i] = \min(A_1 + d_{i,1}, A_2 + d_{i,2}, \dots, A_N + d_{i,N})$  이 됩니다.



## L. 건물 폭파

- ✓ 모든  $i$  ( $1 \leq i \leq N$ )에 대하여  $dp[i]$ 의 최솟값이 문제의 정답입니다.
- ✓ 그러나 모든  $dp[i]$ 를 직접 탐색하면  $\mathcal{O}(N^2)$  시간이 소요됩니다.
- ✓ 탐색 시간을 줄이기 위해서 전방향 트리 DP(트리 리루팅)를 사용하면  $\mathcal{O}(N)$  시간에 문제를 해결할 수 있습니다.



# M. 수열과 띄엄띄엄 쿼리

segtree lazyprop

출제진 의도 – **Challenging**

- ✓ 본 대회 – 제출 5번, 정답 2명 (정답률 40.000%)
- ✓ Open Contest – 제출 63번, 정답 7명 (정답률 11.111%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **1301강산**, 1551분
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **jh01533**, 121분
- ✓ 출제자: goodpjw2008



## M. 수열과 띄엄띄엄 쿼리

- ✓ 이 문제는 인접한 연속된 배열에 작업을 하는 것이 아니라, 띄엄띄엄 떨어져 있는 값들을 일괄적으로 업데이트 및 쿼리를 해야 하는 문제입니다.
- ✓ 이러한 업데이트 및 쿼리는 일반적인 구간 트리로 처리하기 어렵습니다.
- ✓ 그렇다면 띄엄띄엄 구간을 처리할 수 있도록, 범위 쿼리의 특성을 최대한 살려서 문제를 풀어봅시다.



## M. 수열과 띄엄띄엄 쿼리

- ✓  $A_1, A_2, A_3, A_4$  에 업데이트를 하고,  $A_1, A_3$  의 합을 구해야 하는 상황이라고 가정해봅시다.
- ✓ 이 경우 홀수 인덱스를 관리하는 구간 트리, 짝수 인덱스를 관리하는 구간 트리로 나눠서 작업을 해주면 됩니다.
- ✓ 같은 아이디어로  $d$ 가 6까지 늘어난다고 해도 구간 트리를  $\text{lcm}(1, 2, 3, 4, 5, 6) = 60$ 개 만들고  $0 \leq j \leq 59$ 인  $j$ 번째 구간 트리가  $i \equiv j \pmod{60}$ 인 인덱스  $i$ 들을 관리하도록 하면
- ✓ 구간 업데이트, 쿼리는  $O(\log N)$ 에 해결할 수 있고, 배열의 크기는 각각  $N/60$ 이므로 총 시간복잡도  $O(60Q \log(N/60))$ 에 해결할 수 있습니다.



# N. 디미교도소

segtree

출제진 의도 – **Challenging**

- ✓ 본 대회 – 제출 11번, 정답 0명 (정답률 00.000%)
- ✓ Open Contest – 제출 9번, 정답 2명 (정답률 22.222%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **N/A**
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **jh01533**, 194분
- ✓ 출제자: deom



## N. 디미교도소

- ✓ 먼저 모든 죄수가 탈출할 수 없는 경우에 대해 살펴봅시다.
- ✓  $i$  번 죄수의 목적지  $E_i$  가  $i < E_i$  이면서  $j$  번 죄수의 목적지  $E_j$  가  $j < E_j$  인 경우를 생각해봅시다.
- ✓ 여기서  $i < j$  일 때  $E_j < E_i$  라면  $j$  번 죄수가 이동하는 경로가  $i$  번 죄수의 이동경로에 간섭을 받아  $j$  번 죄수가  $E_j$  로 가지 못하게 됩니다.
- ✓ 그 반대의 조건도 성립함을 알 수 있습니다.



## N. 디미교도소

- ✓ 굴  $a$ 와  $b$  사이에 샷길을 하나 추가한다면  $a$  번 죄수와  $b$  번 죄수의 위치가 교환된다고 볼 수 있습니다.
- ✓ 일반적인 사다리타기 규칙으로 볼 때 최소 개수의 샷길은 순열  $E$ 에서 역순쌍의 개수와 같다는 것을 보일 수 있습니다.
- ✓ 이 문제에는 탈옥 규칙 3,4가 예외적으로 작용하는 것처럼 보입니다.



## N. 디미교도소

- ✓ 규칙 3에 의해 이동방향은 한방향으로 고정되기 때문에 결국 목적지에 도착하기 위해서는 반드시  $|i - E_i|$  개의 샷길이 사용된다는 것을 파악할 수 있습니다.
- ✓  $i = E_i$  인 경우를 생각해봅시다.
- ✓  $j < i < E_j$  인  $j$  번 죄수가 있다면  $i$  번 죄수의 마지막 위치는  $i - 1$  이 됩니다.
- ✓ 만약  $E_k < i < k$  인 경우가 존재한다면  $i$  번 죄수는 규칙 4에 의해  $i$  굴에서 탈출할 수 있습니다.
- ✓ 그러한  $k$  가 없다고 하여도 결국 역순쌍의 개수가 최소 개수가 됨을 알 수 있습니다.
- ✓ 따라서 세그먼트 트리를 사용해  $\mathcal{O}(N \log N)$  에 문제를 해결할 수 있습니다.



# O. 비트 뒤집기와 쿼리

data\_structures segtree trie lazyprop smaller\_to\_larger

출제진 의도 – **Challenging**

- ✓ 본 대회 – 제출 5번, 정답 0명 (정답률 00.000%)
- ✓ Open Contest – 제출 3번, 정답 1명 (정답률 33.333%)
- ✓ 처음 푼 사람(본 대회): **N/A**
- ✓ 처음 푼 사람(Open Contest): **jthis**, 79분
- ✓ 출제자: seungchan0325



## 0. 비트 뒤집기와 쿼리

- ✓ 리프 노드  $0, 1, \dots, 2^{20} - 1$  을 가지는 세그먼트 트리를 구성합니다.
- ✓ 이때 세그먼트 트리는 비트 문자열의 트라이와 같습니다.
- ✓ 리프 노드  $i$  에 정수  $i$  의 개수를 저장합니다.
- ✓ 노드  $u$  에  $u$  가 관리하는 범위  $[s, e]$  사이의 정수 개수를 저장합니다.
- ✓  $C = 2^{20}$  이라고 합시다.
- ✓ 2번 쿼리는 세그먼트 트리에서의 이분탐색으로  $\mathcal{O}(\log C)$  에 처리할 수 있습니다.



## 0. 비트 뒤집기와 쿼리

- ✓  $l = 0, r = 2^{20} - 1$ 인 경우를 살펴봅시다.
- ✓ 루트 노드의 높이는 19, 노드  $u$ 의 높이는  $u$ 의 부모 노드의 높이  $-1$ 이라고 합시다.
- ✓ 높이가  $k$ 인 노드의 왼쪽 자식과 오른쪽 자식을 바꾸면 됩니다.
- ✓ 루트 노드에서부터  $k$ 번째 비트가 뒤집혔다는 정보를 느리게 전파하여 해결할 수 있습니다.
- ✓ 이 경우 시간 복잡도는  $\mathcal{O}(1)$ 입니다.



## 0. 비트 뒤집기와 쿼리

- ✓ 노드  $u$ 가 관리하는 범위를  $[s, e]$ ,  $u$ 의 높이를  $d$ 라고 합시다.
- ✓  $l = s, r = e$ 인 경우를 살펴봅시다.
- ✓ 이때 두 가지 경우로 나눌 수 있습니다.
  1.  $d > k$
  2.  $d \leq k$
- ✓ 1번의 경우에는  $l = 0, r = 20^{20} - 1$ 인 경우와 동일하게 해결할 수 있습니다.
- ✓ 이 경우 시간 복잡도는 노드  $u$ 를 찾는 시간 복잡도인  $\mathcal{O}(\log C)$ 입니다.



## 0. 비트 뒤집기와 쿼리

- ✓ 2번의 경우에는 다음과 같이 해결할 수 있습니다.
  - $u$ 의 조상 중 높이가  $k$ 인 노드를  $v$ ,  $u$ 를  $v$  기준으로 대칭한 위치의 노드를  $w$ 라고 합시다.
  - $u$ 의 서브 트리를  $w$ 의 서브 트리에 병합합니다.
- ✓ 노드  $u, v, w$ 를 찾는 시간 복잡도는  $\mathcal{O}(\log C)$ 입니다.



## 0. 비트 뒤집기와 쿼리

- ✓  $u, w$  의 서브트리를 각각  $a, b$  라고 합시다.
- ✓  $a$  를  $b$  에 병합하는 데 걸리는 시간은  $\mathcal{O}(\min(|a|, |b|))$  입니다.
- ✓ 모든 수가 병합되는데 걸리는 시간은  $\mathcal{O}(N \cdot \log C \cdot \log N)$  입니다.
- ✓ 따라서 시간복잡도는  $\mathcal{O}(Q \cdot \log C + N \cdot \log C \cdot \log N)$  입니다.
- ✓ 관리하는 구간에 정수가 없는 노드 삭제하지 않으면 시간 복잡도가 보장되지 않습니다.